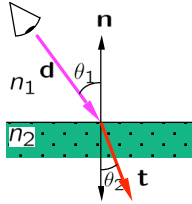
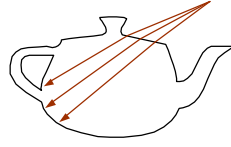


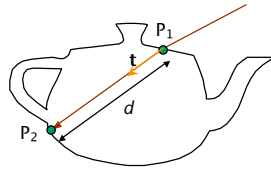
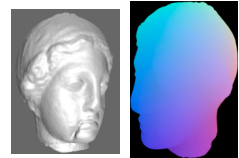
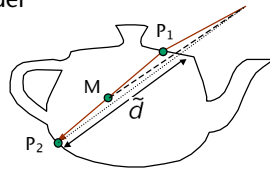
## Lichtbrechung

- Mit Shadern kann man Approximationen von einfachen "globalen" Effekten versuchen
- Beispiel: Lichtbrechung
- Was benötigt man, um den gebrochenen Strahl (refracted ray) zu berechnen?
  - Snell's Gesetz:  $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$
  - Benötigt werden:  $\mathbf{n}$ ,  $\mathbf{d}$ ,  $n_1$ ,  $n_2$
  - Ist alles im Fragment-Shader vorhanden
  - Man kann also  $\mathbf{t}$  pro Pixel berechnen
- Warum also ist Brechung so schwer?
  - Um den korrekten Schnittpunkt des gebrochenen Strahls zu berechnen, benötigt man die gesamte Geometrie!

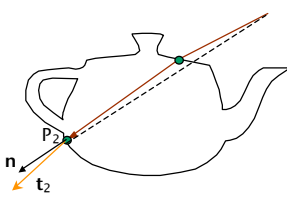
G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 83

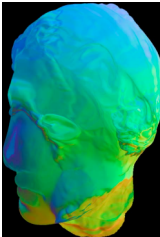
- Ziel: transparente Objekte mit 2 Schnittflächen approximieren
- Schritt 1: bestimme den nächsten Schnittpunkt
 
$$P_2 = P_1 + dt$$
  - Idee: approximiere  $d$
  - Rendere dazu 1x in einem Pass vorab eine Depth-Map der backfacing Polygone vom Viewpoint aus
  - Suche mit Binärsuche (ca. 5 Iter.) darin nach der "richtigen" Tiefe:
    - Bestimme Midpoint
    - Projiziere Midpoint bzgl. Viewpoint nach 2D
    - Indiziere damit die Depth

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 84

- Schritt 2: bestimme die Normale in  $P_2$ 
  - Rendere dazu vorab eine Normal-Map aller backfacing Polygone vom Viewpoint aus
  - Projiziere  $P_2$  bzgl Viewpoint nach 2D
  - Indiziere damit die Normal-Map
- Schritt 3:
  - Bestimme  $t_2$
  - Indiziere damit eine Environment-Map





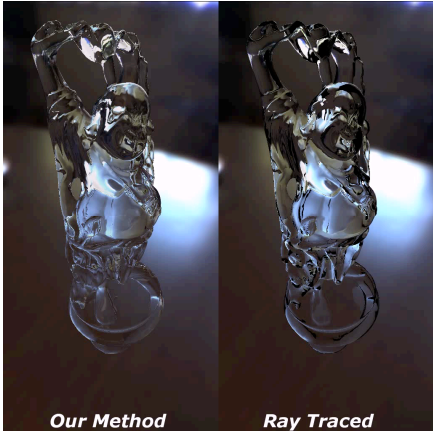
Normal-Map

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 85


- Viele Probleme:
  - Bei *depth complexity* > 2:
    - Welche Normale / welcher Tiefenwert soll behalten werden?
  - Approximation der Distanz
  - Aliasing

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 86

## Beispiele



**Our Method**      **Ray Traced**

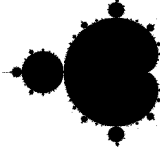
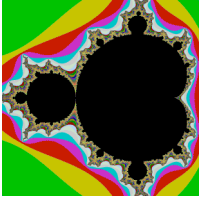


**1 bounce**  
Mit innerer Reflexion

G. Zachmann    Computer-Graphik 2 - SS 07
Shader    87

## GPGPU

- Die Mandelbrot-Menge:
  - Bilde zu jedem  $c \in \mathbb{C}$  die (unendliche) Folge
 
$$z_{i+1} = z_i^2 + c, \quad z_0 = 0$$
  - Definiere die Mandelbrot-Menge
 
$$\mathbb{M} = \{c \in \mathbb{C} \mid \text{Folge } (z_i) \text{ bleibt beschränkt} \}$$
- Satz (o. Bew.):  
 $\exists t : |z_t| > 2 \Rightarrow c$  ist nicht in der Mandelbrotmenge
- Hübsche Visualisierung der Mandelbrotmenge:
  - Färbe Pixel  $c = (x,y)$  schwarz falls  $|z|$  nach "vielen" Iterationen immer noch  $< 2$
  - Färbe  $c$  abhängig von der Anzahl Iterationen  $t$ , die nötig waren, bis  $|z_t| > 2$  wurde

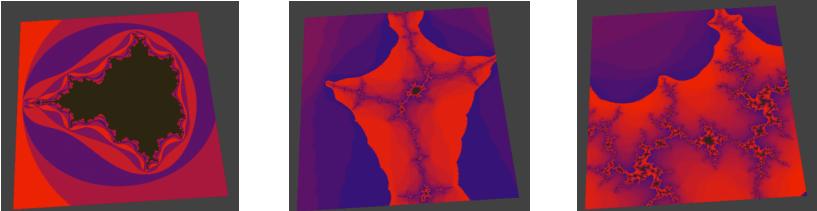



G. Zachmann    Computer-Graphik 2 - SS 07
Shader    88

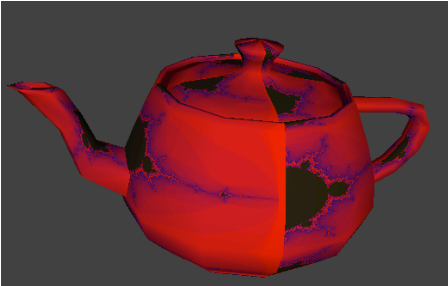
- Einige interessante Fakten zur Mandelbrot-Menge (mit denen man bei Partys beeindrucken kann ;-)) :
  - Die Länge des Randes der Mandelbrot-Menge ist unendlich
  - Die Mandelbrot-Menge ist zusammenhängend (d.h., alle "schwarzen" Gebiete sind miteinander verbunden)
  - Es gibt zu jeder Farbe genau 1 Band um die Mandelbrot-Menge, d.h., es gibt genau 1 Band mit Werten  $c$ , deren Folgenglieder schon nach 1 Iteration  $> 2$  wurden, genau 1 Band nach 2 Iterationen, ...)
  - Jedes solche "Iterationsband" geht 1x komplett um die Mandelbrot-Menge und ist zusammenhängend (es gibt also keine "Überkreuzungen")
  - Es gibt eine unendliche Anzahl von "Mini-Mandelbrot-Mengen"

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 89

## Der Mandelbrot-Shader



```
mandelbrot1.{vert,frag}
in
demos/shader/GLSL_editor
(s.a. Tar-File auf der
Homepage der Vorlesung)
```



G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 90

- Eine "Optimierung":
  - Eine beschränkte Folge von  $z_i$  kann gegen einen einzelnen (komplexen) Wert konvergieren,
  - oder gegen einen Zyklus von Werten,
  - oder chaotisch sein
- Idee:
  - Versuche, solche Zyklen zu erkennen und dann aus der Iteration auszurechnen (was hoffentlich früher passiert)
  - Führe dazu ein Array mit den letzten  $k$  Folgengliedern
- Leider: 4x langsamer als die brute-force Variante!
- Demo: `mandelbrot2 . { frag , rfx }` auf der VL-Homepage

konvergiert gegen Zyklus der Länge 2

konvergiert gegen Fixpunkt

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 91

## Framebuffer objects (FBOs)

- FBO = "off-screen frame buffer":
  - Abstraktes Speichermodell eines FBO = "struct of pointers to textures (and z buffers)"
  - Bindet GPU-Speicher an FBO als write-only
  - Kann floating-point-Werte speichern (also 4x32 Bit, statt 4x8 Bit)
- Erlaubt das Rendern direkt in eine Textur
  - Oder sogar mehrere
- Ersetzt ältere Techniken:
  - pbuffer, "ubuffer", superbuffer
  - Render-to-Texture

Framebuffer Object

Texture (RGBA)

Renderbuffer (Depth)

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 92

## FBOs mit OpenGL

- ```
GLuint fbo;
glGenFramebuffersEXT( 1, &fbo );
```
- ```
glBindFramebufferEXT( GL_FRAMEBUFFER_EXT, fbo );
```
- ```
GLuint texID[2];
glGenTextures( 2, texID );
glBindTexture( GL_TEXTURE_2D, texID[0] );
glTexImage2D( GL_TEXTURE_2D, 0, GL_RGBA32F_ARB,
              texSizeX, texSizeY, 0, GL_RGBA, GL_FLOAT, NULL );
```
- ```
glFramebufferTexture2DEXT( GL_FRAMEBUFFER_EXT,
                           GL_COLOR_ATTACHMENT0_EXT, GL_TEXTURE_2D,
                           texID[0], 0 );
glFramebufferTexture2DEXT( GL_FRAMEBUFFER_EXT,
                           GL_COLOR_ATTACHMENT1_EXT, GL_TEXTURE_2D,
                           texID[1], 0 );
```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 93

- ```
GLenum status = glCheckFramebufferStatusEXT(
                GL_FRAMEBUFFER_EXT );
if ( status != GL_FRAMEBUFFER_COMPLETE_EXT ) ...
```
- ```
glViewport( 0, 0, texSizeX, texSizeY );
glMatrixMode( GL_PROJECTION ); glLoadIdentity();
gluOrtho2D( 0.0, texSizeX, 0.0, texSizeY );
glMatrixMode( GL_MODELVIEW ); glLoadIdentity();
```
- ```
sh_prog_id = setShaders( "m.vert", "m.frag" );
yUni = glGetUniformLocation( sh_prog_id, "textureY" );
```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 94

## "Ping-pong"-Technik

8. 

```
glDrawBuffer( GL_COLOR_ATTACHMENT0_EXT );
glBindTexture( GL_TEXTURE_2D, texID[1] );
glUniform1i( yUni, 0 );           // tex unit 0
```
9. 

```
glBegin( GL_QUADS );
glTexCoord2f( 0.0, 0.0 ); glVertex2f( 0.0, 0.0 );
glTexCoord2f( 1.0, 0.0 ); glVertex2f( texSizeX, 0.0 );
glTexCoord2f( 1.0, 1.0 ); glVertex2f( texSizeX, texSizeY );
glTexCoord2f( 0.0, 1.0 ); glVertex2f( 0.0, texSizeY );
glEnd();
```
10. 

```
glDrawBuffer( GL_COLOR_ATTACHMENT1_EXT );
glBindTexture( GL_TEXTURE_2D, texID[0] );
```
11. . . .

Wie Double-Buffering

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 95

## Bemerkungen

- Es gibt noch etliche andere Arten, die FBOs für solche Berechnungen einzusetzen (z.B. mehrere FBOs vorhalten), aber diese ist die effizienteste
- Bei solchen "nicht-graphischen" Anwendungen ist der Vertex-Shader i.A. leer (d.h., trivial)
- Literatur:
  - Einführung in FBOs von gamedev.net auf der Homepage der Vorlesung
  - [http://oss.sgi.com/projects/ogl-sample/registry/EXT/framebuffer\\_object.txt](http://oss.sgi.com/projects/ogl-sample/registry/EXT/framebuffer_object.txt)

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 96

## Anwendung auf die Mandelbrot-Menge

- Berechne pro Rendering-Schleifendurchlauf eine Iteration der Funktion, für alle Pixel (= Texel) → **Multipass-Rendering**
  - Speichere dazu pro Texel
    - $z_i$
    - Anzahl Iterationen, bei der die entsprechende  $z_i$ -Folge den Radius verließ
- Zerlege die Schleife in mehrere Phasen:
  1. Phase: initialisiere alle Texel mit dem entsprechenden  $c = z_1$  im
  2. Phase: führe  $n$  Schleifendurchläufe durch, wobei in jedem Durchlauf der Fragment-Shader für jedes Texel  $z_{i+1} = z_i^2 + c$  berechnet
  3. Phase: berechne aus der pro Texel gespeicherten Anzahl Iterationen bis zum "Verlassen des Radius" eine Farbe

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 97

## Phase 1: Initialisierung

- Vertex-Shader: berechnet zu jeder Textur-Koord. das passende  $c$  und der Rasterizer interpoliert diese dann für alle Fragments

```

varying vec2 c;
void main() {
    vec2 rangemin = RangeCenter - 0.5*vec2(RangeSize);
    c = rangemin + gl_MultiTexCoord0.st * RangeSize;
    gl_Position = ftransform();
}

```

- Fragment-Shader: speichere Texturkoord. =  $c = z_1$  im Texel

```

varying vec2 c;
void main ()
{
    gl_FragColor = vec4( c, 0.0, 0.0 );
}

```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 98



### Phase 2: Iterationen durchführen

- Vertex-Shader: wie in Phase 1
- Fragment-Shader:

```

uniform sampler2D zi;           // from last iteration
uniform float curIteration;    // iteration count
varying vec2 c;
void main () {
    // Lookup value from last iteration
    vec4 inputValue = texture2D( zi, gl_TexCoord[0].xy );
    vec2 z = inputValue.xy;
    // Only process if still within radius-2 boundary
    if ( dot(z,z) > 4.0 )
        // Leave unchanged, but copy through to dest. buffer
        gl_FragColor = inputValue;
    else {
        gl_FragColor.xy = square( z ) + c;
        gl_FragColor.z = curIteration;
        gl_FragColor.w = 0.0;
    }
}

```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 99

### Phase 3: Iterationen in Farben umrechnen

4. Shader erstellt ein hübsches Falschfarbenbild:

```

uniform sampler2D input;       // from last iteration
uniform float maxIterations;
void main ()
{
    // Lookup value from last iteration
    vec4 inputValue = texture2D(input, gl_TexCoord[0].xy);
    vec2 z = inputValue.xy;
    float n = inputValue.z;
    if ( n < maxIterations )
        // compute gl_FragColor just as before
        // using inputValue.z / maxIterations
    else
        gl_FragColor = insideColor;
}

```

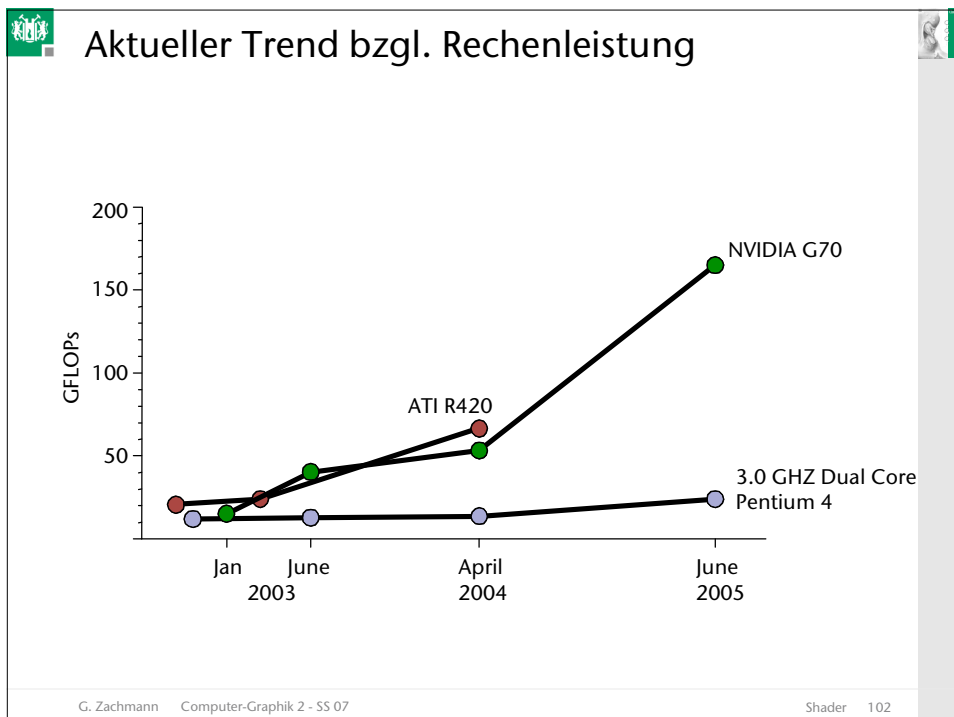
- Demo-Code: siehe Homepage der Vorlesung!

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 100

### Tip zum Debugging

- Bei GPGPU-Anwendungen, nach jedem Pass die aktuelle "Read"-Textur anzeigen lassen
- Als Beispiel, wie man das macht: siehe die Funktion `showReadTexture()` in `mandelbrot/mandelbrot.cpp` im Zip-Archiv der Beispiele auf der Homepage der VL

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 101



- "Compute is cheap" ...
- ... "Bandwidth is Expensive"
  - Hauptspeicher auf der GPU ist 500 Takte "weit weg"

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 103

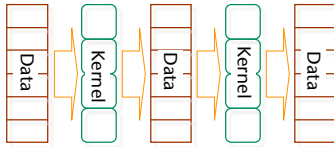
- Wo gewinnt die GPU gegenüber der CPU?
- **Arithmetische Intensität** eines Algorithmus :=
 
$$\frac{\text{Anzahl arithmetische Operationen}}{\text{Anzahl übertragener Bytes}}$$
- GPU gewinnt bei hoher arithmetischer Intensität
- GPU gewinnt bei "streaming memory access"

| Processor        | Cache | Seq | Rand |
|------------------|-------|-----|------|
| GeForce 7800 GTX | ~45   | ~20 | ~5   |
| Pentium 4        | ~45   | ~10 | ~2   |

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 104

## Das Stream Programming Model

- Neues **Programmiermodell**, das Daten / Funktionen so organisiert, daß (möglichst) nur *streaming memory access* gemacht wird, kein *random access* mehr:
  - Stream Programming Model** =  
"Streams of data passing through computation kernels."
  - Stream** := geordnete, **homogene** Menge von Daten beliebigen Typs (Array)
  - Kernel** := **Programm**, das auf *jedes* Element des Eingabe-Streams angewendet wird, und (meistens) einen neuen Ausgabe-Stream erzeugt (der Rumpf einer Schleife)

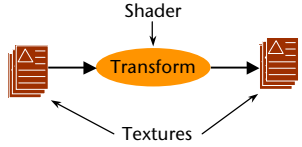


```
stream A, B, C;
kernelfunc1( input: A,
             output: B );
kernelfunc2( input: B,
             output: C);
```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07
Shader 105

## Die GPU als Stream-Architektur

- Shader = Kernel**, **Stream = Textur**
- Stream = Textur = 2D-Array**
  - Menge von Datenelementen gleichen Typs
- Kernel = Fragment-Shader**
  - Berechnet pro Aufruf aus einem Eingabeelement ein Ausgabeelement
  - Wird vom Rasterizer pro Element des Eingabe-Streams (= Fragment)
- Mehrere Stream-Pipeline-Stufen mit „**Ping-Pong**“ **Rendering**:
  - Erst Textur B als Render Target setzen (`glDrawBuffer`) und Textur A der Textur-Unit 0 zuweisen (`glUniform1i(texA, 0)`)
  - Dann umgekehrt
- GPGPU = "general purpose GPU"**



Textur A

Pass 1 →

← Pass 2

Textur B

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07
Shader 106

- Die strenge "power-of-two" (POT) Randbedingung wurde inzwischen aufgehoben:
  - Es gibt die Extension GL\_ARB\_texture\_rectangle:
    - Erlaubt Texturen mit beliebigen Abmessungen
    - Wird sogar im Shader unterstützt (sampler2DRect)
    - Verschiedene Einschränkungen (z.B. keine Mipmaps)
    - Siehe [http://www.opengl.org/registry/specs/ARB/texture\\_rectangle.txt](http://www.opengl.org/registry/specs/ARB/texture_rectangle.txt)
  - Viele Graphikkarten unterstützen heute sog. "non-power-of-two" (NPOT) Texturen
    - Checke Vorhandensein der Extensions ARB\_texture\_non\_power\_of\_two
    - In dem Fall können alle Textur- und Image-Funktionen mit beliebigen Größen auf dem normalen GL\_TEXTURE\_2D Target arbeiten
  - Ab OpenGL 2.0 sowieso

Shader 107

## Weiteres Beispiel für GPGPU

- Die "saxpy"-Operation:
  - Steht für "scalar alpha x plus y":  $\mathbf{r} = \alpha \mathbf{x} + \mathbf{y}$   
wobei  $\mathbf{x}$  und  $\mathbf{y}$  Vektoren sind (gibt noch "daxpy", "caxpy", ...)
  - Ist eine der elementarsten Operationen in vielen Linear-Algebra-SW
- Beispiel: "saxpy" n-Mal ausführen
 
$$\mathbf{y}_{i+1} = \alpha \mathbf{x} + \mathbf{y}_i$$

1. Schritt: Vektoren  $\mathbf{x}$  und  $\mathbf{y}$  in 2D-Texturen übertragen

- Packe dabei die ersten 4 Elemente der Vektoren in die 4 Kanäle des ersten Texels, ...

```
glBindTexture( GL_TEXTURE_2D, texID);
glTexSubImage2D( GL_TEXTURE_2D, 0, 0, 0, texSizeX, texSizeY,
                 GL_RGBA, GL_FLOAT, data );
```

Shader 108

2. Verwende 1 "X-Textur" und 2 "Y-Texturen"

- In jedem Pass wird aus der X- und einer der Y-Texturen gelesen, und in die andere Y-Textur geschrieben
- Danach werden die beiden Y-Texturen vertauscht

3. Weise die X-Textur (z.B.) der Texture-Unit 1 zu:

```
glActiveTexture( GL_TEXTURE1 );
glBindTexture( GL_TEXTURE_2D, xTexID );
glUniform1i( xUni, 1 );
```

4. Beide Y-Texturen an den Framebuffer attachen (als potentielles Render-Target):

```
glFramebufferTexture2D( GL_FRAMEBUFFER_EXT, attachmentpoints[writeTex],
                        GL_TEXTURE_2D, yTexID[writeTex], 0 );
glFramebufferTexture2D( GL_FRAMEBUFFER_EXT, attachmentpoints[readTex],
                        GL_TEXTURE_2D, yTexID[readTex], 0 );
```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 109

5. Die Rollen der beiden Y-Texturen "richtig" festlegen:

```
glDrawBuffer( attachmentpoints[writeTex] );
glActiveTexture( GL_TEXTURE0 );
glBindTexture( GL_TEXTURE_2D, yTexID[readTex] );
glUniform1i( yUni, 0 ); // texunit 0
```

6. Shader ausführen (screen-sized quad rendern):

```
glBegin(GL_QUADS);
glTexCoord2f( 0.0, 0.0 ); glVertex2f( 0.0, 0.0 );
glTexCoord2f( 1.0, 0.0 ); glVertex2f( texSizeX, 0.0 ); ...
```

7. Die Rollen der beiden Y-Texturen vertauschen:

```
int h = writeTex; writeTex = readTex; readTex = h;
glDrawBuffer ...
```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 110

Performance-Vergleich CPU vs. GPU bei saxpy

| Array-Größe / 1000 | GPU GFLOPs / sec | CPU GFLOPs / sec |
|--------------------|------------------|------------------|
| 0                  | 0.0              | 0.2              |
| 1                  | 0.2              | 0.2              |
| 10                 | 1.0              | 0.2              |
| 20                 | 2.2              | 0.2              |
| 30                 | 3.4              | 0.2              |
| 40                 | 4.6              | 0.2              |
| 50                 | 5.8              | 0.2              |
| 60                 | 6.2              | 0.2              |
| 70                 | 6.0              | 0.2              |
| 80                 | 6.1              | 0.2              |
| 90                 | 6.2              | 0.2              |
| 100                | 6.2              | 0.2              |

- Ohne die Zeit für Up-/Download zur Graphikkarte!
- Graphikkarte: GeForce 7900 GTX
- Siehe den "saxpy"-Source-Code auf der Homepage der Vorlesung

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 111

### Matrix-Matrix-Multiplikation [2004]

- Potentieller GPGPU-Kandidat, weil ...
  - jedes Element der Zielmatrix kann im Prinzip unabhängig von den anderen berechnet werden;
  - Daten werden mehrfach benötigt (eine Zeile mit allen Spalten)
- Vereinfachung: quadratische Matrizen (läßt sich leicht erweitern)
- Naiver Ansatz:
 

```

            tex coords in screen-sized quad {
            for i = 1 .. n:
            for j = 1 .. n:
            Cij = 0
            Schleife im Shader → for k = 1 .. n:
            Cij += Aik · Bkj
            
```

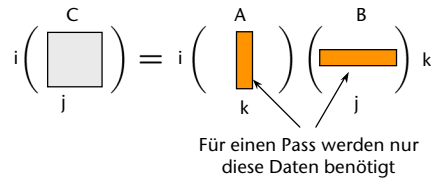
$$i \begin{pmatrix} \square \\ j \end{pmatrix} = i \begin{pmatrix} A \\ \square \end{pmatrix} \begin{pmatrix} B \\ j \end{pmatrix}$$
- Probleme:
  - Jede Spalte von B wird  $n$  Mal gelesen; je nach Betrachtungsweise (HW-Architektur) wird auch jede Zeile von A  $n$  Mal gelesen
  - $O(n^3)$  Bandbreite

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 112

Alternative: Multi-Pass Rendering

```

glClear()
for i = 1 .. n:
  for j = 1 .. n:
    Cij = 0
Multi-Pass → for k = 1 .. n:
  for i = 1 .. n:
    for j = 1 .. n:
      Cij += Aik · Bkj
  ↑
  glBlend(G_ONE, GL_ONE)
    
```



Problem:

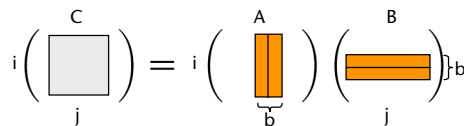
- Jedes Output-Textel wird  $n$  Mal geschrieben

Kompromiss: Blocking

```

b = blocking factor
for k = 1 .. n step b:
  for i = 1 .. n:
    for j = 1 .. n:
      for l = k to k+b-1:
        Cij += Ail · Blj
    
```

Kann vom Shader-Compiler evtl. unrolled werden





▪ Andere Blocking-Varianten:

$$\begin{pmatrix} \square & \square & \square \\ \square & \square & \square \\ \square & \square & \square \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \text{||||} & \square & \square \\ \square & \square & \square \\ \square & \square & \square \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \text{||||} & \square & \square \\ \square & \square & \square \\ \square & \square & \square \end{pmatrix}$$

▪ Bemerkung:

- ATLAS betreibt dies exzessiv
- Macht zur Startzeit eine Reihe Versuche, um dasjenige Blocking zu bestimmen, das für die aktuelle Architektur die beste Performance liefert

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 115

▪ Weiteres Problem bislang:

- Nur 1-Kanal-Texturen → 3/4 Rechenpower ist idle

▪ Idee:

- Zerschneide die Matrix in 4 Teile und packe diese in die 4 Textur-Kanäle

$$\begin{pmatrix} A^{11}B^{11} + A^{12}B^{21} & A^{11}B^{12} + A^{12}B^{22} \\ A^{21}B^{11} + A^{22}B^{21} & A^{21}B^{12} + A^{22}B^{22} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A^{11} & A^{12} \\ A^{21} & A^{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} B^{11} & B^{12} \\ B^{21} & B^{22} \end{pmatrix}$$

$$\Downarrow \qquad \qquad \qquad \Downarrow \qquad \qquad \Downarrow$$

$$\begin{pmatrix} X^r Y^r + X^g Y^b & X^r Y^g + X^g Y^a \\ X^b Y^r + X^a Y^b & X^b Y^g + X^a Y^a \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} X^r & X^g \\ X^b & X^a \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Y^r & Y^g \\ Y^b & Y^a \end{pmatrix}$$

$$\Downarrow$$

$$\begin{pmatrix} Z^r & Z^g \\ Z^b & Z^a \end{pmatrix} =$$

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 116

■ Als Fragment-Shader:

$$\begin{pmatrix} Z^r & Z^g \\ Z^b & Z^a \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} X^r & X^g \\ X^b & X^a \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Y^r & Y^g \\ Y^b & Y^a \end{pmatrix}$$

for k = 1 .. n/2:  
 for i = 1 .. n/2:  
 for j = 1 .. n/2:  
 $Z_{ij}^{rgba} + = X_{ik}^{rbb} Y_{kj}^{rgg} + X_{ik}^{gaa} Y_{kj}^{baba}$

■ Alternative:

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 117

## Bildverarbeitung auf der GPU

- Faltungsoperationen, Kombination von Bildern, Histogramm, ...
- Bild als Textur laden, Format **GL\_RGB8**
- Faltungsoperationen im Fragmentprogramm:
  - Jeder Shader erzeugt "sein" Texel durch (komponentenweise) Multiplikation des (einheitlichen) Faltungskernels mit der entsprechenden Umgebung aus dem Eingabebild
  - Texturkoordinaten für benachbarte Bildpixel werden benötigt:
    - 1/TexturWidth, 1/TexturHeight als Uniformvariable an Fragmentprogramm übergeben
    - Auf aktuelle Texturkoordinaten addieren/subtrahieren

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 118

Beispiel: Sobel-Operator (Kantenerkennung)

- Der Faltungsoperator:
 
$$G_x = \begin{pmatrix} -1 & 0 & +1 \\ -2 & 0 & +2 \\ -1 & 0 & +1 \end{pmatrix} A, \quad G_y = \begin{pmatrix} +1 & +2 & +1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{pmatrix} A, \quad G = \sqrt{G_x^2 + G_y^2}$$


A ist das Eingabebild, G das Ausgabebild
- Der Shader:
 

```
uniform sampler2D img;
uniform float npx[3]; // = { -1/width, 0, +1/width }
uniform float npy[3]; // = { -1/height, 0, +1/height }
uniform mat3 sobx; // = { -1, 0, +1, -2, 0, +2, -1, 0, +1 }
uniform mat3 soby; // = { +1, +2, +1, 0, 0, 0, -1, -2, -1 }


void main() {
    float sx = 0.0, sy = 0.0;
    for ( i = 0; i < 3; i ++ )
        for ( j = 0; j < 3; j ++ ) {
            sx += sobx[i][j] * texture2D( img,
                gl_TexCoord[0].st + vec2( npx[i], npy[j] ) );
            sy += soby[i][j] * texture2D( img,
                gl_TexCoord[0].st + vec2( npx[i], npy[j] ) );
        }
    gl_FragColor = sqrt( sx*sx + sy*sy );
}
```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 119

Resultat:



Originalbild



Kantenbild

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 120

## Kombination von Bildern

- Z.B. Addition  
oder  
Subtraktion:

```
uniform sampler2D img1;
uniform sampler2D img2;

void main() {
    vec4 i1 = texture2D( img1,gl_TexCoord[0].st );
    vec4 i2 = texture2D( img2,gl_TexCoord[0].st );
    gl_FragColor = vec4(abs(i1.rgb - i2.rgb), 0.0 ); }
```

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 121

## Erzeugen eines Grauwertbild-Histogramms

- Gegeben: Grauwertbild (= Textur)
- Ziel: Histogramm als 1D-Textur
  - Jedes Texel = ein Bin
- Problem: "Verteilen" auf Bins
  - Ziel-Adresse eines Fragment-Shaders ist ja fest
- Erste Idee:
  - Pro Pixel im Originalbild einen Punkt (GL\_POINT) "rendern",
  - im Vertex-Shader das entsprechende Bin ausrechnen (statt Transf. mit MVP-Matrix),
  - die "Koordinate" dieses Bins als Koordinate des Punktes setzen
- Problem:
  - Hohes Datenübertragungsvolumen CPU → GPU
  - Z.B.:  $1024^2 \times 2 \times 4$  Bytes = 8 MB zusätzlich zum  $1024^2$ -Bild

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 122

## Enter ... the Geometry Shader [Nov 2006]

- Eine dritte Shader-Art:

```

graph TD
    Host[Host Commands] -- glBegin, glEnable, glLight, ... --> SM[Status Memory]
    SM --> VP[Vertex Processing]
    SM --> AP[Assemble Primitives]
    SM --> GP[Geometry Processing]
    SM --> ARP[Assemble And Rasterize Primitive]
    SM --> FP[Fragment Processing]
    VP --> AP
    AP --> GP
    GP --> ARP
    ARP --> FP
    FP --> PFO[Per-Fragment Oper.]
    PFO --> FBO[Frame Buffer Oper.]
    FBO --> FB[Frame Buffer]
    FB --> Display[Display]
    FB --> RBC[Read Back Control]
    RBC --> PPU[Pixel Pack & Unpack]
    PPU --> TM[Texture Memory]
    TM --> ARP
    Host -- glTexImage --> PPU
  
```

- Doku: [http://www.opengl.org/registry/specs/NV/geometry\\_shader4.txt](http://www.opengl.org/registry/specs/NV/geometry_shader4.txt)

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 123

## Funktionsweise

- Applikation generiert irgendwelche Primitive (Points, Lines, Triangle-Fans, etc.)
- Vertex-Shader transformiert diese (immer ein Vertex auf einmal)
- Geometry-Shader bekommt von der Assembly-Stufe Primitive
  - Nur GL\_POINTS, GL\_LINES, GL\_TRIANGLES (+ 2 weitere)
- Geometry-Shader gibt neue Primitive aus
  - Nur GL\_POINT, GL\_LINE\_STRIP, GL\_TRIANGLE\_STRIP
  - Muß nichts mit der eingegebenen Geometrie zu tun haben
  - Anzahl kann (fast) beliebig sein, ist unabhängig von der Anzahl der eingegebenen Primitive
- Typ der Input-/Output-Geometrie muß vorab festgelegt werden
- Zugriff auf OpenGL-State und Texturen wie üblich

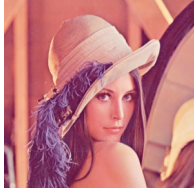
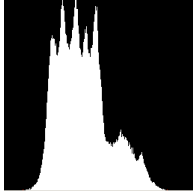
G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 124

|                                                                                                                                                                                                                                                         |                                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                                                                                                                                                                          |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>Output des Vertex-Shaders:           <ul style="list-style-type: none"> <li><code>gl_Position</code> →</li> <li><code>gl_Normal</code> →</li> <li><code>gl_TexCoord</code> →</li> <li>...</li> </ul> </li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>Input des Geometry-Shaders:           <ul style="list-style-type: none"> <li><code>gl_PositionIn[]</code> →</li> <li><code>gl_NormalIn[]</code> →</li> <li><code>gl_TexCoordIn[][]</code> →</li> </ul> </li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>Output des Geometry-Shaders:           <ul style="list-style-type: none"> <li><code>gl_Position</code></li> <li><code>gl_Normal</code></li> <li><code>gl_TexCoord[]</code></li> </ul> </li> </ul> |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 125

### Histogramme mit Geometry-Shader

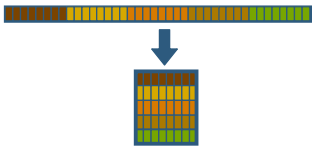

- Ein Quad in der Applikation rendern
- Vertex-Shader ist (fast) leer
- Der Geometry-Shader ...
  - läuft durch das Bild,
  - erzeugt für jedes Pixel ein Point-Primitiv mit der x-Koordinate = Bin , y=0
- Fragment-Shader ...
  - nimmt die Points,
  - gibt Farbe (1,0,0,0) aus,
  - an der Position (x,0)
- Fragment-Operation ...
  - ist auf Blending eingestellt mit `glBlendFunc (GL_ONE ,GL_ONE) =` Akkumulation (aktuelle Karten können das auch mit FP-FBOs)

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 126

## Einige GPGPU-Techniken

- Große 1D-Arrays:
  - Aktuelle GPUs haben ein Limit von 1D-Texturen auf 2048 oder 4096
  - Packe also 1D-Array in 2D-Textur
  - Adress-Transformation
- Das "Scatter"-Problem:
  - "Gather" und "Scatter"-Operationen:

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 127

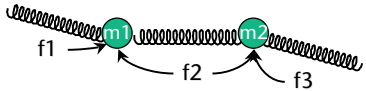
## Das "Scatter"-Problem (cont'd):

- Das Texel, in das ein Fragment-Shader schreibt, ist fest
- Was man im Shader oft gerne tun würde:  $a[i] = p$  oder  $a[i] += p$

### Lösung 1: konvertiere Scatter in Gather

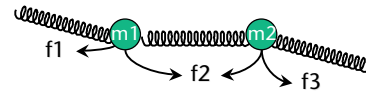
```

for each spring:
  f = computed force
  mass_force[left] += f;
  mass_force[right] -= f;
  
```





```

for each spring:
  f = computed force
  for each mass:
    mass_force[left] += f;
    mass_force[right] -= f;
  
```





G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 128



- Lösung 2:
  - Render Daten und zukünftige Adressen vom Fragment-Shader in eine Textur
  - In einem 2-ten Pass:
    - rendere nur Punkte (kein screen-sized quad)
    - Im Vertex-Shader: lese Adresse aus Textur und setze diese als x,y-Koordinaten
  
- Weiterführende Literatur zu Techniken der GPGPU-Programmierung:
  - [http://developer.nvidia.com/object/gpu\\_programming\\_guide.html](http://developer.nvidia.com/object/gpu_programming_guide.html)

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 129



## Zukunft der Graphik-Hardware

- Konvergenz zwischen CPUs und GPUs
- CPUs werden multi-core
  - many simpler, lower power cores
  - CELL
- GPUs entwickeln sich zu HPC-Coprozessoren
  - Tesla (Nvidia), CUDA, PeakStream, etc.
- ATI & AMD Merger:
  - GPU & CPU auf 1 Chip

G. Zachmann Computer-Graphik 2 - SS 07 Shader 130