



Informatik II

Einige Aspekte von Typsystemen (am Beispiel von Python)

G. Zachmann
Clausthal University, Germany
zach@in.tu-clausthal.de



Der Ariane-Bug



Ariane Flight 501
4 June 1996

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 3

```

...
declare
  vertical_veloc_sensor: float;
  horizontal_veloc_sensor: float;
  vertical_veloc_bias: integer;
  horizontal_veloc_bias: integer;
...
begin
  declare
    pragma suppress(numeric_error, horizontal_veloc_bias);
  begin
    sensor_get( vertical_veloc_sensor );
    sensor_get( horizontal_veloc_sensor );
    vertical_veloc_bias := integer( vertical_veloc_sensor );
    horizontal_veloc_bias := integer(horizontal_veloc_sensor);
    ...
  exception
    when numeric_error => calculate_vertical_veloc();
    when others => use_irs1();
  end;
end irs2;

```

Wozu Datentypen?

- Zu Überprüfung von Fehlern zur Compile-Zeit, d.h. zum Check (zu gewissem Grad), ob der Programmierer das programmiert hat, was er programmieren wollte
- Vorausgesetzt ...
 - Typen werden sinnvoll angewendet
 - Type-Casts und Konvertierungen werden sehr sorgfältig verwendet!

Definitionen

- Ziel: **Semantische** Bedeutung einem Speicherblock zuordnen → Konzept des **Typs** bzw. **Typsystems**
- 3 Definitionsarten von **Typen** :
 - **Denotationale Definition:** $Typ :=$ Menge von Werten.
 - **Konstruktive Definition:** $Typ :=$
 - entweder: primitiver, eingebauter Typ (int, float, ...),
 - oder: zusammengesetzt aus anderen Typen (struct, class, array, ...).
 - **Abstrakte Definition:** $Typ :=$ Interface, bestehend aus Menge von Operationen (Funktionen, Operatoren), die auf Werte dieses Typs angewendet werden können

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 6

- **Type Error** :=
Operation (= Operand oder Funktionsaufruf) ist für beteiligte Typen (Variablen, Ausdrücke, Rückgabewerte) nicht definiert
 - Beispiel: Integer / String
- **Type Checking** :=
Type-Errors finden, dann Fehlermeldung ausgeben oder auflösen
 - Beispiel: Typen zweier Operanden müssen gleich sein
- Auflösen von Type-Errors: **Coercion, Promotion, implicit type cast** ...
 - Beispiele:
- $1 * 1.2 \rightarrow 1.0 * 1.2$

```
int i;
...
if ( i )
{
  ...
}
```

→

```
int i;
...
if ( static_cast<bool>(i) )
{
  ...
}
```

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 7

Die zwei wichtigsten Arten des Type-Checking

- Programmiersprachen können bzgl. Type-Checking in 2 Klassen eingeteilt werden (Klassifikation ist nicht immer scharf!)
- *Static type checking / statically typed* :=
Type checking zur Compile-Zeit durch den Compiler
- *Dynamic type checking / dynamically typed* :=
Type checking zur Laufzeit durch den Interpreter (bzw. die Virtual Machine)
- *Type Inference* :=
Typ der Variablen wird aus dem Kontext hergeleitet;
Typen dürfen unvollständig sein.

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 8

Static Typing (z.B. C++ / Java)

- Konsequenz:
 - Compiler muß zu jeder Zeit den Typ eines Wertes im Speicher kennen
 - Relativ einfach machbar, wenn Variablen einem Speicherblock fest zugeordnet sind
 - $\text{Typ}(\text{Speicherbereich}) = \text{Typ}(\text{Variable})$
 - Bessere Performance (Compiler generiert sofort den richtigen Code)
- Konsequenz für die Sprache bzgl. Variablen:
 - Variable = **unveränderliches Triple** (Name, Typ, Speicherbereich)
 - Variablen müssen vom Programmierer vorab deklariert werden
 - Syntax in C++: `Type Variable;`
 - Beispiele:


```
int i;           // the variable 'i'
float f1, f2;
char c1,        // comment
      c2;        // comment
```

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 9

- Beispiel:

```
float i = 3.0;
i = 1; // übersch. 3.0
i = "hello"; // error
int i = 1; // error
```



- Unschön ist: Typ von Speicherblock wird durch Typ der darübergelegten Variable bestimmt!

Dynamic Typing (z.B. Python)

- Idee: Typ aus der Symboltabelle entfernen, und dafür zum Wert direkt mit in den Speicher schreiben
- Konsequenzen:
 - Variablen haben keinen deklarierten Typ mehr!
 - Werte im Speicher müssen **unveränderlichen** "Type-Tag" haben
 - Typ von Variable/Wert wird zur Laufzeit (jedesmal) überprüft
 - Variable muß nicht an festen Speicherbereich **gebunden** werden
 - Welcher Operator, wird jeweils zur Laufzeit entschieden
 - "Generic Programming" bzw. **Polymorphie** wird (fast) trivial
 - Wesentlich kürzere Compile-Zeiten, aber Performance penalty
 - Debugger mit höherer Funktionalität ("*to program in the debugger*")
 - Konsequenz für die Sprache bzgl. Variablen:
 - Variable = **veränderliches Paar** (Name, Speicherbereich)
 - Variablen müssen vom Programmierer **nicht** deklariert werden

Beispiele:

```

i = 3.0
i = 1; // bindet i neu
i = "hello"; // dito

```

```

list = [1,2,3]
listref = list
listcopy = list[:]
list.append( 4 )

```

Zuordnung zwischen Variablenname und Wert/Objekt im Speicher heißt auch *Binding*

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 12

Ändern eines Integers

Achtung: manche Operationen erzeugen eine Kopie!

```

a = 1

```

```

b = a

```

```

a = a+1

```

neues int-Objekt erstellt durch den Operator (1+1)

alte Referenz gelöscht durch Zuweisung (a=...)

Analog bei Listen

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 13

Strongly Typed / Weakly Typed

- Achtung: ex. keine einheitliche und strenge Definition!

- Sprache ist *strongly typed* (stark typisiert), wenn es schwierig/unmöglich ist, einen Speicherblock (der ein Objekt enthält) als anderen Typ zu interpretieren (als den vom Objekt vorgegebenen).
 - Uminterpretierung funktioniert nur mit Casts und Pointern, oder Unions (s. C++ aus Info 1)
- Sprache ist *strongly typed* (stark typisiert), wenn es wenig **automatische** Konvertierung (*coercion*) für die eingebauten Operatoren und Typen gibt.
 - Insbesondere: wenn es keine Coercions gibt, die Information verlieren

- Def. 1 ist sinnvoller, Def. 2 leider häufig bei Programmierern

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 14

Beispiele

- Verlust von Information in C++ (Definition 2):

<code>int i = 3.0;</code>	<code>i = 3.0</code>
In C++: liefert nur Warning	In Python: Konstante ist Float, i ist nur Name, der an die Konstante gebunden wird
- Uminterpretierung in C++ (Definition 1):

<code>float f = 3; printf("%d\n", f);</code>	<code>f = 3.0 print "%d" % f</code>
In C++: höchstens Warning	In Python: Konvertierung

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 15

- Bemerkungen:
 - Mit OO-Sprachen kann man die Stärke der Typisierung gemäß Definition 2 (fast) beliebig weit abschwächen
 - Resultat der automatischen Konvertierung ist nicht immer klar
- Beispiel:


```
string s = "blub";
s += 3.1415;      // gültig
s = 3.1415;      // dito
```

In einer hypothetischen,
eigenen String-Klasse in C++

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 16

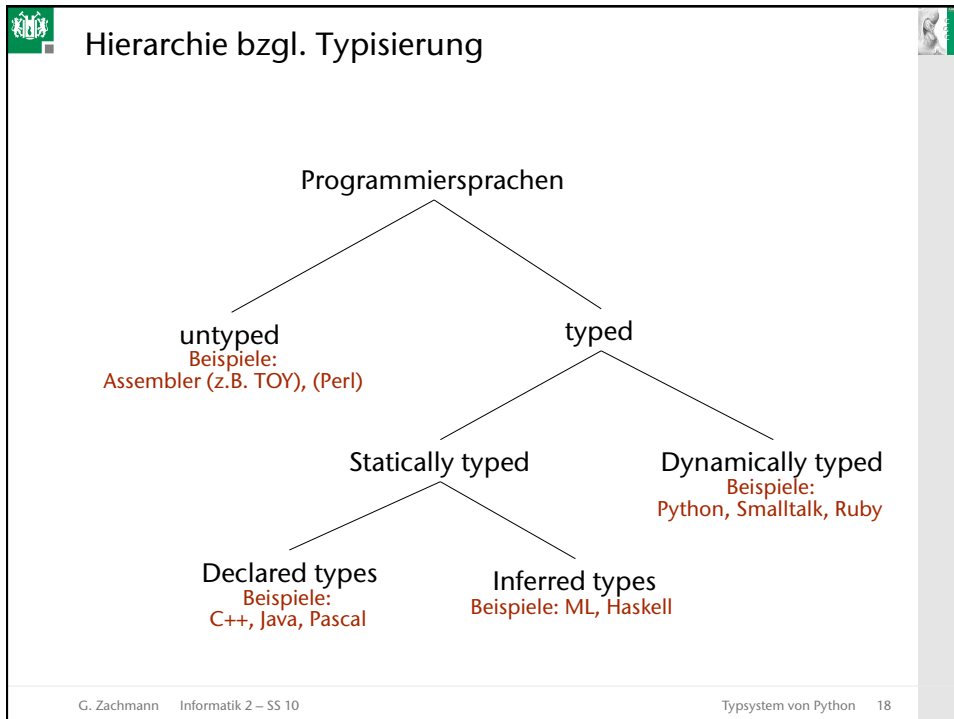
Typing-Quadrant

- **Orthogonalität:** Achtung: *static/dynamic typing* und *strong/weak typing* sind orthogonal zueinander!!

*) ohne C-style casts und ohne `reinterpret_cast`

- Häufig falscher Sprachgebrauch! ("strong" = "static und strong", oder gar: "strong" = "static")
- Achtung: weak ↔ strong ist eher Kontinuum

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 17



Exkurs: Inferred Typing

- Type-Deklarationen sind ...
 - lästig
 - unnötig
 - schränken ein
- Idee: der Compiler kann den Typ (fast immer) folgern
- Sehr simple Form von *Type-Inference* in Python:


```

x = 1          # 1 wird als int interpr.
x = 1.0       # 1.0 wird als float interpr.
      
```
- Und in C++:


```

float f = 3 / 2;
      
```

 - Compiler schließt, wir wollten Integer-Division haben

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 20

- Type-Inference in einer Funktion:


```
def fact( n ):
    if n == 0:
        return 1
    else:
        return n * fact(n-1)
```
- Angenommen, Python wäre eine statisch typisierte Sprache:
 - Test 'n == 0' → n muß int sein,
 - Zeile 'return 1' → fact muß Funktion sein, die int liefert
 - Zusammen → fact muß Funktion von int nach int sein
 - letzte Zeile: klassisches, statisches Type-Checking
- Macht nur für statisch typisierte Sprachen Sinn

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 21

- Etwas komplexeres Beispiel


```
def mkpairs(x):
    if x.empty():
        return x
    else:
        xx = [x[0], x[0]]
        xx.append( mkpairs(x[1:]) )
        return xx
```

Liefert neue Sequenz bestehend aus den Elementen 1-... von Sequenz x
- Schlußfolgerung
 1. `x.empty()` → `x` muß Sequenztyp sein, da `empty()` nur auf solchen definiert ist
 2. `return x` → Funktion `mkpairs` muß Typ Sequenz→Sequenz haben
 3. Rest ist Type Checking

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 22

- Beispiel wo Inferenz nicht so ohne weiteres funktioniert:


```
def sqr(x):
    return x*x
```

 - Multiplikation verlangt, daß x vom typ Float oder Int ist
 - Also `sqr:Float→Float` oder `sqr:Int→Int`
 - Nicht definierter Typ
- `sqr` kann auch kein parametrisierter Typ sein, also vom Typ $T \rightarrow T$, da ja nicht jeder beliebige Typ T erlaubt ist
- Lösung: mehrere, überladene Funktionen erzeugen, falls benötigt (à la Templates in C++)



G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 23

Konvertierungen

- Totales Strong Typing gemäß Def. 2 → nur Operanden genau gleichen Typs erlaubt


```
int i = 1;
unsigned int u = i + 1; // error
float f = u + 1.0; // error
```
- Automatische Konvertierungen im Typsystem:
 - Begriffe: *automatic conversion*, *coercion*, *implicit cast*, *promotion*
 - Definition: *coercion* := autom. Konvertierung des Typs eines Ausdruckes zu dem Typ, der durch den Kontext benötigt wird.
 - Sprachgebrauch:
 - *coercion* bei built-in Types
 - *implicit cast* bei user-defined Types (Klassen)

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 24






- Widening:**
 - Coercion vom "kleineren" Typ in den "größeren" Typ.
 - "kleinerer" Typ = kleinerer Wertebereich nicht notw. mehr Bits)
 - Beispiel:


```
int i = 1;
unsigned int u = i + 1; // 1 → 1u
float f = u + 1.0f; // 1u → 1.0f
```
 - Promotion-Hierarchie**, definiert im C++-Standard:

`bool → char → int → unsigned int → long int → float → double → long double`


G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 25

- Narrowing:**
 - Coercion vom "größeren" in den "kleineren" Typ
 - Gefährlich: was passiert mit Werten außerhalb des kleineren Wertebereichs ?!
 - Beispiel:


```
float f = 1E30;
int j = f;
char c = j;
```
 - Achtung: Coercion ist "lazy", d.h., so spät wie möglich, von innen nach außen!
 - Beispiel:


```
float f = 1/2; // f == 0.0 !
```



G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 26

"Typarithmetik" in Ausdrücken

- Zur Compile-Zeit muß der Baum eines Ausdruckes mit Typinformationen annotiert werden
 - Zum Type-Checking
 - Um die richtigen Assembler-Befehle zu erzeugen
- Beispiel:

```

graph TD
    Plus["+"] --- L1["1.0"]
    Plus --- Sin["sin"]
    L1 --- Konv1["Konv."]
    Konv1 --- One["1"]
    Sin --- Slash["/"]
    Slash --- Pi["Pi"]
    Slash --- Two["2.0"]
    Two --- Konv2["Konv."]
    Konv2 --- TwoInt["2"]
  
```

`1 + sin(Pi / 2)`

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 27

Funktionen eines (statischen) Typsystems

- Ungültige Operationen verhindern:
 - Beispiel: "hello world" / 3.0
 - Bei statischer / dynamischer Typisierung wird dies zur Compile-Zeit / Laufzeit abgefangen
- Optimierung: Compiler kann zur Compile-Zeit z.B. Operationen zusammenfassen
- Dokumentation: ein Typname kann (sollte) etwas über seine Bedeutung aussagen

```

typedef unsigned int NumSecondsAfter1970;
struct ComplexNumber { float r, i; };

```

- Noch wichtiger sind aber gut gewählte Variablennamen! ist genauso wichtig wie eine ausführliche Beschreibung, wozu die Variable verwendet wird!

G. Zachmann Informatik 2 – SS 10 Typsystem von Python 28

- Systeme, die mit dynamisch-typisierten Sprachen gebaut werden, sind um ca. einen Faktor 5-10 kleiner (weniger LoC) als Systeme in statisch-typisierten Sprachen →
 - Weniger Code = weniger Bugs
 - Weniger Code = leichter zu warten (erweitern, modifizieren)
- Auch mit statisch-typisierten Sprachen benötigt man Unit-Tests (= Test-Code für einzelne Funktionen); mit diesen findet man aber auch schon die Bugs, die der Compiler durch Type-Checks gefunden hätte